

Laboratorio di Programmazione e Calcolo

6 crediti

a cura di

Severino Bussino

Anno Accademico 2019-20

- 0) Struttura del Corso
- 1) Trattamento dell'informazione
Elementi di Architettura di un Computer
- 2) Sistemi operativi
- 3) Introduzione alla
Programmazione ad oggetti (OO)
- 4) Simulazione del Sistema Solare
- 5) Introduzione al linguaggio C/C++

6) Elementi di linguaggio C/C++

A 1 - istruzioni e operatori booleani

 2 - iterazioni (`for`, `while`, `do ... while`)

B - istruzioni di selezione (`if`, `switch`, `else`)

C - funzioni predefinite. La classe `math`.

7) Puntatori

8) Vettori (Array)

- 9) Classe SistemaSolare (prima parte)
- 10) Gestione dinamica della memoria
- 11) Classe SistemaSolare
- 12) Programma di Simulazione (main)
- 13) Ereditarieta'
- 14) Classe Sonda
- 15) "per referenza" e "per valore"

16) Output su file

17) Polimorfismo

- Concetto
- Funzione
- Realizzazione in C++
- Esempi

18) Richiami sulle funzioni

19) L'algebra di una classe (cenni)

20) Cenni alle classi Template

21) La libreria STL

(Standard Template Library)

22) Applicazioni

23) Un esempio: la gestione dei dati nello studio delle oscillazioni del pendolo semplice

Le lezioni in aula si concludono il 13 dicembre

Le **Esercitazioni di Laboratorio** proseguono senza variazioni con l'orario già comunicato (e pubblicato sul sito)

- 3 - 4 dicembre Classe Sistema Solare + Sonda (es. 6 + es. 8a)
- 10 - 11 dicembre Un container STL per i pianeti (es. 8b)
[Polimorfismo. La Classe Shape (es. 7)]
- 17 - 18 dicembre Simulazione Prova Individuale **3 gruppi**

7 gennaio non ci sarà Esercitazione

8-14-15 gennaio **Prova Individuale** **3 gruppi**

Date degli Esami

I appello - Prova Pratica: 21 gennaio - Ore 14:30-17:30
Prova Orale: 22 gennaio - (Ore 14:30) stanza 36

II appello - Prova Pratica: 3 febbraio - Ore 14:30-17:30
Prova Orale: 4 febbraio - (Ore 14:30) stanza 36

Chi non supera gli "esoneri" puo' sostenere un esame pratico e orale
Sostenendo l'esame si rinuncia pero' al voto ottenuto "in itinere"

Verbalizzazione (per chi ha superato gli esoneri)

E' **INDISPENSABILE** iscriversi su *GOMP* all'esame del Corso per la prova Pratica e per la prova Orale

"Laboratorio di Programmazione e Calcolo"

(e non Laboratorio di Calcolo , ecc)
nella data in cui ci si presentera' per la verbalizzazione

La verbalizzazione avverrà nelle stesse date in cui è prevista la prova Orale (stanza 36)

22 gennaio Ore 14:30-16:30

4 febbraio Ore 14:30-16:30

Se non potete verbalizzare in queste date e in questi Orari,
per favore avvisate per E-mail

(bussino@fis.uniroma3.it)

Applicazioni

- esempi di applicazioni sviluppate nel testo di Barone et al.:
 - Ricerca degli 0 di una funzione mediante il metodo di bisezione e mediante il metodo di Newton (4.3.2)
 - Ricerca dei numeri primi (4.3.3)
 - Problemi di arrotondamento (4.5)
 - Riordinamento degli elementi di un vettore: Bubblesort (5.2.1)
 - Ricerca binaria (5.2.2)
 - Soluzione di sistemi di equazioni lineari (5.4, 7.3.2)
 - Generazione di numeri casuali (5.5)
 - Manipolazione di testi (5.6.3, 6.5.1)
 - Istogrammi (7.4.1) - Visto
 - Calcolo del χ^2 di una distribuzione (7.4.2)
 - Calcolo di una derivata (7.6)
 - Interpolazione e integrazione numerica (cap. 8)

23) Un esempio: la gestione dei dati nello studio delle oscillazioni del pendolo semplice

ripasso!!!

Template, STL ...

... i container STL

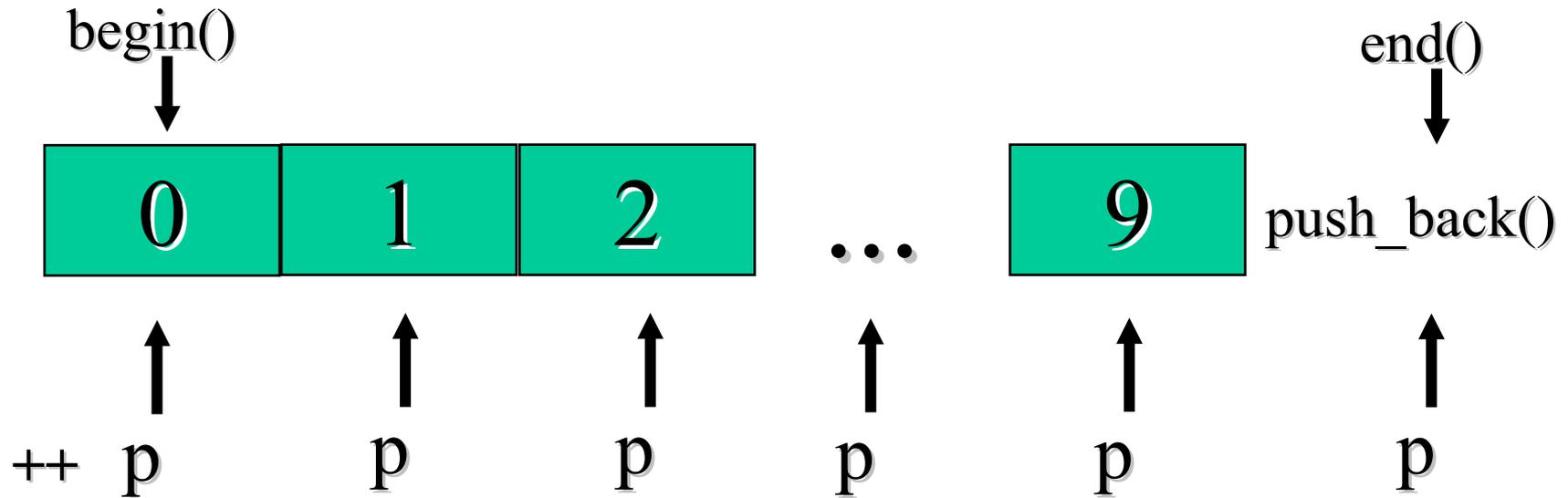
vector

list

map

vector: 1 - Come funziona

vector e' un array contiguo di oggetti



`push_back(value)` e' un metodo della classe `vector` per:

- aggiungere alla fine del vettore un nuovo elemento
- assegnare al nuovo elemento il valore `value`

vector: 2 - gli iteratori

Gli iteratori permettono di scorrere il container e si comportano come i puntatori

Se v e' un container di tipo vector

`v.begin()` - e' un iteratore
punta all'inizio del container

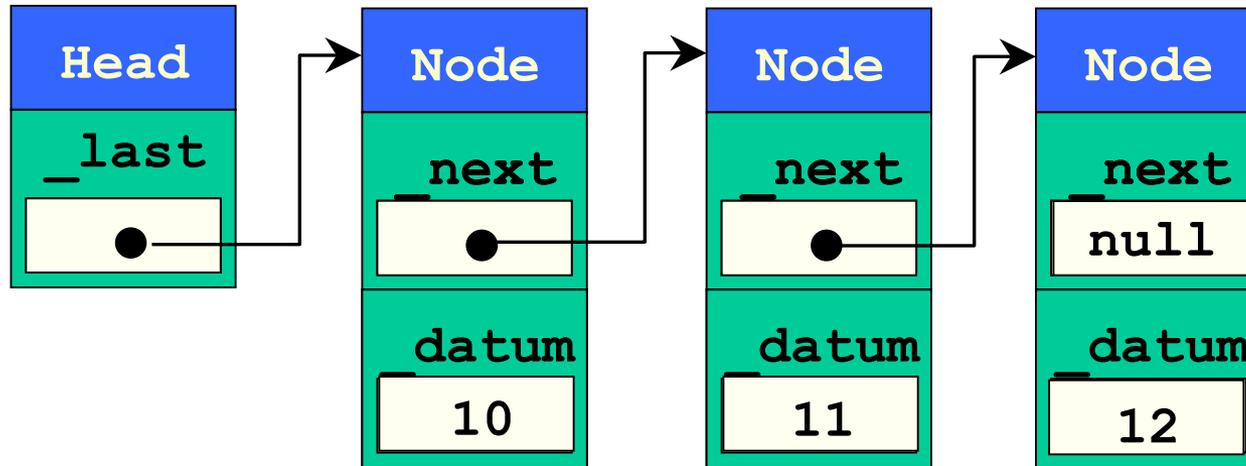
`v.end()` - e' un iteratore
punta alla prima locazione **dopo** la fine

```
vector<T>::const_iterator p ;
```

Si puo' usare il typedef

```
typedef vector<T>::const_iterator viter ;
```

List



Si utilizza come `vector` (sostituendo a `vector` la parola `list`)

Piu' efficiente nel gestire le inserzioni di elementi

Map

Una "map" e' un container associativo costituito da coppie chiave-valore (key - T)

La map e' indicizzata rispetto alla chiave

Il valore della chiave deve essere univoco

Esempio: `map<string, int>`

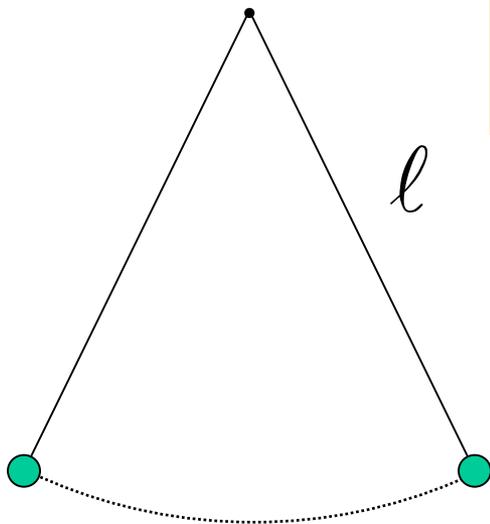
John	28
------	----

Mary	30
------	----

...

Stephen	28
---------	----

Un esempio: il pendolo



- Seconda legge dinamica
- Forza peso
- Equazioni differenziali
- Sviluppo in serie di Taylor (Mac L...
-

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{\ell}{g}}$$

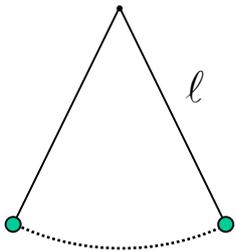
- Sara' vero?
- Posso misurare g

$$g = 4\pi^2 \frac{\ell}{T^2}$$

Come effettuare le misure ? (1)

- Con un metro **misuro** la lunghezza ℓ del pendolo
- Con un cronometro **misuro** il periodo T

- Per migliorare la qualità delle misure del periodo T
 - lascio oscillare il pendolo per np periodi
 - misuro il tempo di oscillazione t per n periodi
 - il periodo T sarà dato da
$$T = \frac{t}{np}$$



Per ciascun valore della lunghezza ℓ effettuo una serie n_ℓ di misure del periodo T

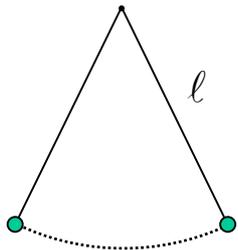
Come effettuare le misure ? (2)

- Per verificare la relazione tra T ed ℓ
- Per migliorare la qualità della misura di g

Effettuare una serie di misure per diversi valori di ℓ

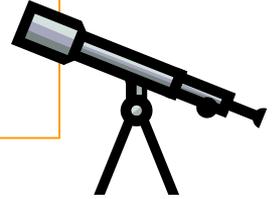
Quindi ho:

- Una serie di misure a diversi valori di ℓ
- Per ogni valore di ℓ ho una serie di misure di T
- Ciascuna misura di T deriva dalla misura di np oscillazioni

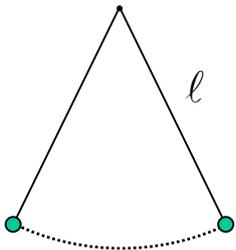


L'analisi delle misure

- Ho raccolto una grande quantità di dati
- Voglio analizzarli!



- Un grafico di T in funzione di ℓ
- Un grafico di T^2 in funzione di ℓ
- Un valore di g che derivi dall'analisi di tutti i dati
- Se cambio il materiale... (massa inerziale e massa gravitazionale!)
- Se le oscillazioni non sono piccole (Taylor - Mac Laurin ...)



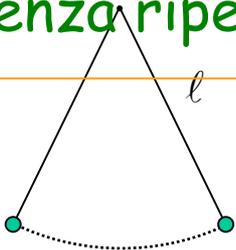
I/O (Input Output)

Input

- Dove scrivo i dati che ho raccolto?
- Dove li memorizzo per poterli analizzare?
- Se li voglio analizzare in un'altra seduta di laboratorio?
- Se voglio aggiungere dati raccolti in due esercitazioni diverse?

- Dove scrivo i risultati dell'analisi?
- Come mi interfaccio con un programma di grafica (ad esempio gnuplot) ?
- Posso combinare insieme i risultati di due analisi (senza ripetere l'analisi) ?

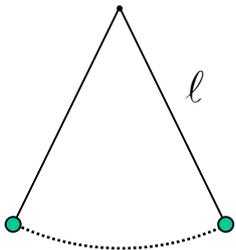
Output



Un approccio OO

- Quali sono gli oggetti?
- Come posso organizzare i dati?
- Di chi sono le responsabilità?

- Chi sono gli attori?
- In che relazione stanno tra loro?
- Chi fa cosa?

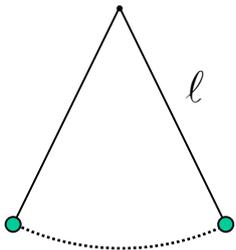


Quali sono gli oggetti?

I dati sperimentali!

Cioe' le misure che avete annotato sul quaderno!

- `datiT` - un oggetto (e quindi una classe) con le misure relative al tempo impiegato a compiere n_p oscillazioni
- `SetdatiL` - un oggetto (e quindi una classe) con l'insieme delle misure relative a una o piu' lunghezze



La classe datiT (attributi)

datiT.h

```
#ifndef DATIT_H
#define DATIT_H

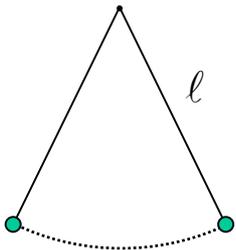
#include <iostream>
using namespace std ;

class datiT {

protected:

    double mist      ;
    double d_mist    ;
    int nmis         ;

// continua
```



La classe datiT (metodi)

datiT.h

```
public:
```

```
// costruttori
datiT() { } ;
datiT(double Tn, double dTn, int n) ;

// distruttore
~datiT() { } ;

// metodi di tipo Get
double Tmis() const { return misT ; } ;
double dTmis() const { return d_misT ; } ;
int Nmis() const { return nmis ; } ;

// altri metodi
double T() const ;
double dT() const ;

// continua
```



La classe datiT (operatori)

datiT.h

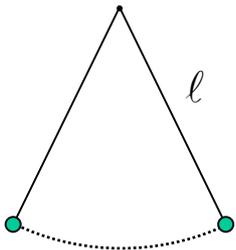
```
// operatori booleani di confronto
bool operator == (const datiT &d2) const ;
bool operator != (const datiT &d2) const ;

bool operator > (const datiT &d2) const ;
bool operator < (const datiT &d2) const ;

bool operator >= (const datiT &d2) const ;
bool operator <= (const datiT &d2) const ;

} ;

#endif
```



L'implementazione della classe datiT (costruttore)

datiT.cc

```
#include "datiT.h"

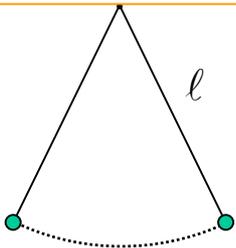
// costruttore
datiT::datiT(double Tn, double dTn, int n) {

    misT    =  Tn    ;
    d_misT  =  dTn   ;
    nmis    =  n     ;

    if(nmis<=0) {
        cerr << "  datiT::datiT(...) Attenzione! nmis = "
              << nmis << endl ;
    }

}

// continua
```



L'implementazione della classe `datiT` (altri metodi)

`datiT.cc`

```
// altri metodi
double datiT::T() const {

    if(nmis<=0) {
        cerr << " datiT::T() Attenzione! nmis = " << nmis << endl ;
    } else {
        return  mist/nmis ;
    }

}

double datiT::dT() const {

    if(nmis<=0) {
        cerr << " datiT::dT() Attenzione! nmis= " << nmis << endl ;
    } else {
        return  d_misT/nmis ;
    }

}

// continua
```

L'implementazione della classe datiT (operatori - 1)

datiT.cc

```
// operatori booleani di confronto
bool datiT::operator == (const datiT &d2) const {
    if( T() == d2.T() ) {
        return true ;
    } else {
        return false ;
    }
}

bool datiT::operator != (const datiT &d2) const {
    if( T() != d2.T() ) {
        return true ;
    } else {
        return false ;
    }
}

bool datiT::operator > (const datiT &d2) const {
    if( T() > d2.T() ) {
        return true ;
    } else {
        return false ;
    }
}

// continua
```

L'implementazione della classe datiT (operatori - 2)

```
bool datiT::operator < (const datiT &d2) const {  
    if( T() != d2.T() ) {  
        return true ;  
    } else {  
        return false ;  
    }  
}
```

```
bool datiT::operator >= (const datiT &d2) const {  
    if( T() >= d2.T() ) {  
        return true ;  
    } else {  
        return false ;  
    }  
}
```

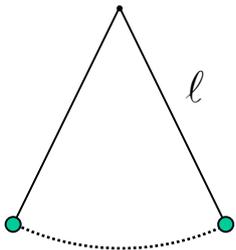
```
bool datiT::operator <= (const datiT &d2) const {  
    if( T() <= d2.T() ) {  
        return true ;  
    } else {  
        return false ;  
    }  
}
```

```
// fine del file di implementazione datiT.cc
```

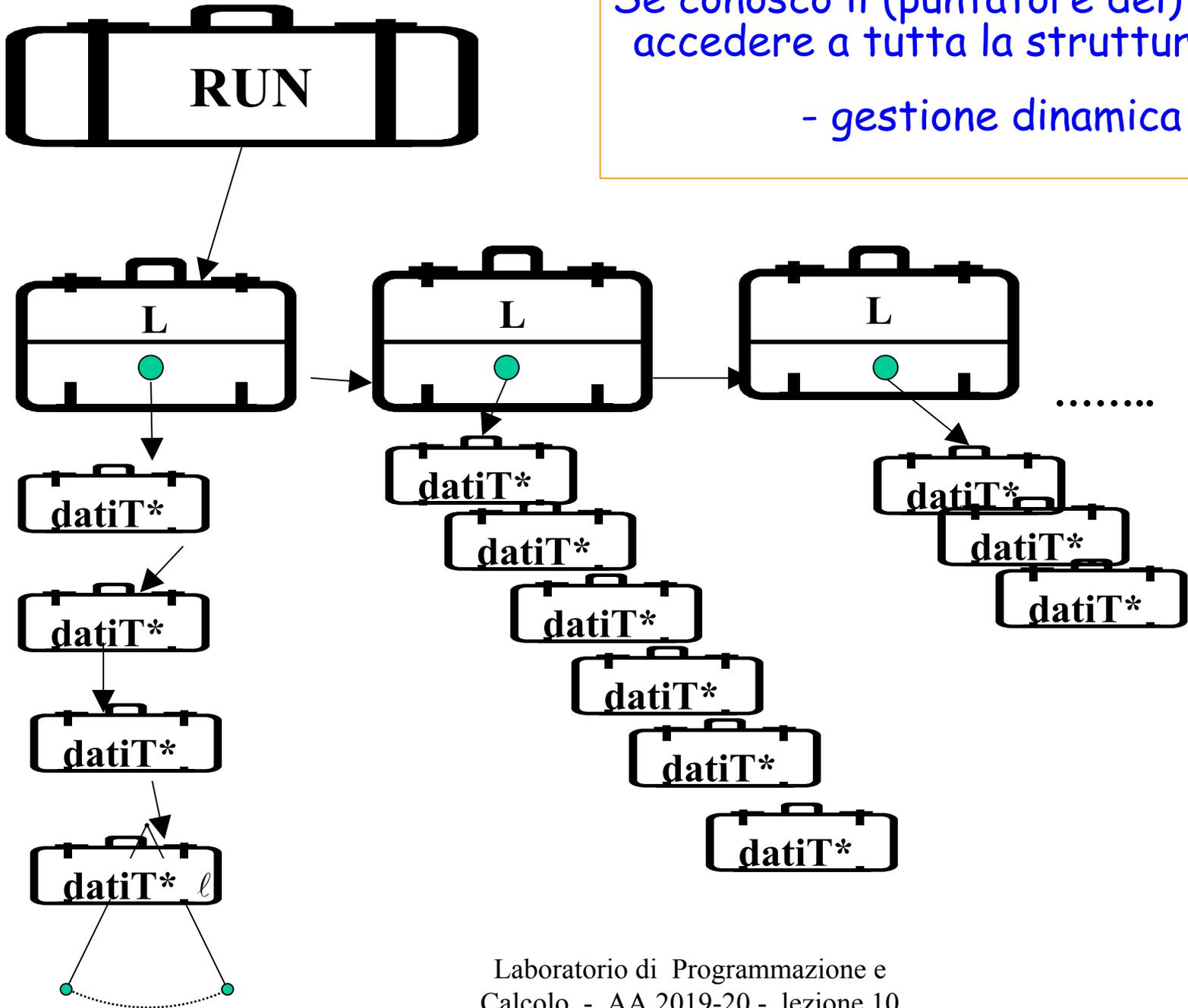
Come posso organizzare i dati?

Posso usare un container STL !

- per ogni lunghezza L ho una serie di misure di T
- quindi posso usare
 - un **vector** per l'insieme delle misure di T corrispondenti ad un L fissato
 - una **map** per associare ciascuna lunghezza alla serie di misure di T



Se conosco il (puntatore del) Run, posso accedere a tutta la struttura dei dati
- gestione dinamica -



`map<double, vector<datiT*> >`

<i>L</i>	<i>L</i>	<i>L</i>
<code>vector<datiT*></code>	<code>vector<datiT*></code>	<code>vector<datiT*></code>

<code>datiT*</code>
<code>datiT*</code>
<code>datiT*</code>
<code>datiT*</code>

<code>datiT*</code>

<code>datiT*</code>
<code>datiT*</code>
<code>datiT*</code>

`vector<datiT*>`

Se ho un problema semplice, posso usare questa struttura nel main () ...

```
#include "datiT.h"
#include <iostream>
#include <cstdlib>
#include <map>
#include <vector>

using namespace std ;

int main() {

    int nlmax = 10 ;
    int nTmax[nlmax] ;

    map< double, vector<datiT*> > setDati ;
    vector<datiT*> vlt ;

    typedef map< double, vector<datiT*> >::const_iterator mapiter ;
    typedef vector<datiT*>::const_iterator viter ;

    typedef map< double, vector<datiT*> >::iterator nc_mapiter ;
    typedef vector<datiT*>::iterator nc_viter ;

    // continua
```

```

for (int i =0; i<nlmax/2; i++ ) {
    nTmax[i]          = i+1 ;
    nTmax[nlmax-i-1] = i+1 ;
}
cout << endl << endl ;

for (int il=0; il<nlmax; il++) {
    vlt.clear() ;
    cout<< vlt.size()<< endl ;

    for (int iT=0; iT<nTmax[il]; iT++) {
        vlt.push_back( new datiT(il+1,iT+1,iT+2) ) ;
    }

    setDati[il+1] = vlt ;

    cout << " mapsize=" << setDati.size() << " il+1=" << il+1 << endl;
    cout << endl ;

}

cout << endl ;

```

```

// output

for (mapiter pm=(setDati.begin()); pm!=setDati.end(); pm++) {

    cout << pm->first << " " << (pm->second).size() << endl ;

    for (viter pv=(pm->second).begin(); pv!=(pm->second).end(); pv++) {

        cout << "    " << (*pv)->Tmis() << "    " << (*pv)->Nmis()
            << "    " << (*pv)->T() << endl ;

    }

    cout << endl ;

}

```

```

// delete
// ( oggetti datiT - vector<datiT*> - map<double, vector<dati*> )

for(nc_mapiter pm=(setDati.begin()); pm!=setDati.end(); pm++) {
    for(nc_viter pv=(pm->second).begin();
        pv!=(pm->second).end(); pv++) {

        delete *pv ;

    }

    (pm->second).clear() ;

}

setDati.clear() ;

cout << endl ;

return 1;

}

```

```

nbseve (~ /lez_10) >prvmap
0
  mapsize = 1   il+1 = 1
0
  mapsize = 2   il+1 = 2
0
  mapsize = 3   il+1 = 3
0
  mapsize = 4   il+1 = 4
0
  mapsize = 5   il+1 = 5
0
  mapsize = 6   il+1 = 6
0
  mapsize = 7   il+1 = 7
0
  mapsize = 8   il+1 = 8
0
  mapsize = 9   il+1 = 9
0
  mapsize = 10  il+1 = 10

```

```

1 1
  1 2 0.5
2 2
  2 2 1
  2 3 0.666667
3 3
  3 2 1.5
  3 3 1
  3 4 0.75
4 4
  4 2 2
  4 3 1.33333
  4 4 1
  4 5 0.8
5 5
  5 2 2.5
  5 3 1.66667
  5 4 1.25
  5 5 1
  5 6 0.833333

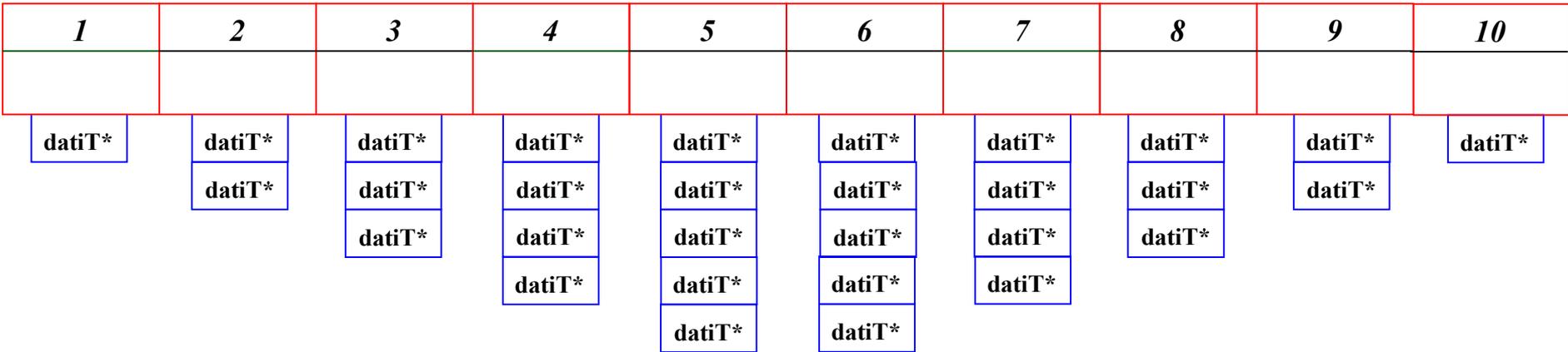
```

```

6 5
  6 2 3
  6 3 2
  6 4 1.5
  6 5 1.2
  6 6 1
7 4
  7 2 3.5
  7 3 2.33333
  7 4 1.75
  7 5 1.4
8 3
  8 2 4
  8 3 2.66667
  8 4 2
9 2
  9 2 4.5
  9 3 3
10 1
  10 2 5

```

```
nbseve (~ /lez_10) >
```



... oppure posso implementare una classe apposita ...

SetdatiL.h

```
#ifndef SETDATIL_H
#define SETDATIL_H

#include "datiT.h"

#include <iostream>

#include <cstdlib>
#include <map>
#include <vector>

using namespace std ;

class SetdatiL {

protected:

    double LMin    ;
    double LMax    ;

    map< double, vector<datiT*> > setDati ;

// continua
```

```
public:
    // costruttori
    SetdatiL() { } ;
    SetdatiL(double minL, double maxL) ;

    // distruttore
    ~SetdatiL() ;

    // metodi di tipo Get
    double Lmin() const { return LMin ; } ;
    double Lmax() const { return LMax ; } ;
    int Ndati() const { return setDati.size() ; } ;
    const map< double, vector<datiT*> > * pSetDati() const
        { return &setDati ; }

    // altri metodi
    void addT(double Lnow, datiT* & pTnow ) ;

    // eventualmente 3 metodi per scorrere il container (...)
    .....

} ;

#endif
```

L'implementazione della classe SetdatiL

SetdatiL.cc

```
#include "SetdatiL.h"

// costruttore
SetdatiL::SetdatiL(double minL, double maxL) {
    LMin = minL ;
    LMax = maxL ;
}

// distruttore
SetdatiL::~~SetdatiL() {

// qui dovrei inserire i distruttori
// lo stesso codice dell'esempio con solo main
}

//continua
```

```

// altri metodi
void SetdatiL::addT(double Lnow, datiT* & pTnow ) {

    if(Lnow < LMin) { LMin = Lnow ; }
    if(Lnow > LMax) { LMax = Lnow ; }

    if(!setDati.count(Lnow)) {
        // il valore Lnow non esiste ancora
        // creo il container di tipo vector

        vector<datiT*> vlc ;
        vlc.push_back(pTnow) ;

        setDati[Lnow] = vlc ;

    } else {
        // il valore Lnow gia' esiste

        map< double, vector<datiT*> >::iterator mapiter ;

        mapiter = setDati.find(Lnow);
        (mapiter->second).push_back(pTnow) ;

    }

}

// eventualmente + 3 metodi per scorrere il container (restituisce un
// iteratore a setDati, restituisce begin() e restituisce end() )

```

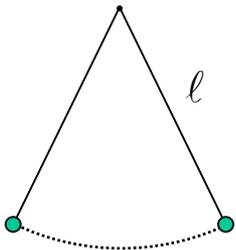
Di chi sono le responsabilita'?

Input (da file)

Dati

Analisi Dati

Output (su file)



Input da file

Il file di input deve essere ben strutturato. Ad esempio:

```
nbseve (~) > sim_pend
```

```
0.20 1.10 10
```

```
0.20 5
```

```
0.8975 0.50 1
```

```
0.8975 0.50 1
```

```
0.8975 0.50 1
```

```
0.8975 0.50 1
```

```
0.8975 0.50 1
```

```
0.30 6
```

```
1.0992 0.50 1
```

```
1.0992 0.50 1
```

```
1.0992 0.50 1
```

```
1.0992 0.50 1
```

```
1.0992 0.50 1
```

```
1.0992 0.50 1
```

```
0.40 4
```

```
1.2692 0.50 1
```

```
1.2692 0.50 1
```

```
1.2692 0.50 1
```

```
1.2692 0.50 1
```

```
0.50 8
```

```
1.4190 0.50 1
```

```
1.4190 0.50 1
```

```
1.4190 0.50 1
```

```
1.4190 0.50 1
```

```
1.4190 0.50 1
```

```
1.4190 0.50 1
```

```
1.4190 0.50 1
```

```
1.4190 0.50 1
```

```
0.60 7
```

```
1.5545 0.50 1
```

```
1.5545 0.50 1
```

```
1.5545 0.50 1
```

```
1.5545 0.50 1
```

```
1.5545 0.50 1
```

```
1.5545 0.50 1
```

```
1.5545 0.50 1
```

```
0.70 9
```

```
1.6790 0.50 1
```

```
1.6790 0.50 1
```

```
1.6790 0.50 1
```

```
1.6790 0.50 1
```

```
1.6790 0.50 1
```

```
1.6790 0.50 1
```

```
1.6790 0.50 1
```

```
1.6790 0.50 1
```

```
1.6790 0.50 1
```

```
0.80 6
```

```
1.7950 0.50 1
```

```
1.7950 0.50 1
```

```
1.7950 0.50 1
```

```
1.7950 0.50 1
```

```
1.7950 0.50 1
```

```
1.7950 0.50 1
```

```
0.90 10
```

```
1.9038 0.50 1
```

```
1.9038 0.50 1
```

```
1.9038 0.50 1
```

```
1.9038 0.50 1
```

```
1.9038 0.50 1
```

```
1.9038 0.50 1
```

```
1.9038 0.50 1
```

```
1.9038 0.50 1
```

```
1.9038 0.50 1
```

```
1.9038 0.50 1
```

```
1.00 7
```

```
2.0068 0.50 1
```

```
2.0068 0.50 1
```

```
2.0068 0.50 1
```

```
2.0068 0.50 1
```

```
2.0068 0.50 1
```

```
2.0068 0.50 1
```

```
2.0068 0.50 1
```

```
1.10 4
```

```
2.1048 0.50 1
```

```
2.1048 0.50 1
```

```
2.1048 0.50 1
```

```
2.1048 0.50 1
```

```
nbseve (~ / lez_10) >
```

Letture del file e uso delle classi SetdatiL e datiT

```
#include "datiT.h"
#include "SetdatiL.h"

#include <iostream>
#include <fstream>
#include <string>

using namespace std ;

int main() {

    double LMinf, LMaxf, LNow ;
    double T, dT ;
    int nL, nTL, nT ;
    datiT* datnow ;

    SetdatiL pendolo ;
    string filename = "sim_pend.dat" ;

    ifstream inFile(filename.c_str()) ;
```

//continua

Lettura del file e uso delle classi SetdatiL e datiT

```
if(!inFile.eof()) {
    inFile >> LMinf >> LMaxf >> nL ;
}

for(int iL=0; iL<nL; iL++) {
    if(!inFile.eof()) {
        inFile >> LNow >> nTL ;
    }
    if (inFile.eof()) { cerr << " errore lettura file" << endl;}

    for(int it=0; it<nTL; it++) {
        inFile >> T >> dT >> nT ;

        datnow= new datiT(T, dT, nT) ;
        pendolo.addT(LNow, datnow) ;

    }

}

inFile.close();
return 1;

}

Laboratorio di Programmazione e
Calcolo - AA 2019-20 - lezione 10
```

Il Manager di Analisi (1)

Anche ora, posso scorrere l'oggetto di tipo `SetDatiL` nel `main()`

... e calcolarmi tutte le quantita' che voglio!

- valori medi di T per ciascun valore di L
- l'errore associato a ciascun valore di T
(varianza e varianza della media)
- il valore del χ^2 assumendo la relazione $T = 2\pi\sqrt{\frac{\ell}{g}}$
- il valore di g che si ottiene dall'insieme dei dati
e l'errore ad esso associato
- stampare delle tabelle con L Δl T ΔT T^2 Δt^2
(ad es. per gnuplot) (magari anche con i valori previsti)

Oppure mi costruisco una classe Manager

... in analogia alla classe Organizer utilizzata in laboratorio

Chiamiamo questa classe Analysis

Proviamo a scriverne la struttura

Potrete implementare gran parte dei metodi utilizzando cio' che avete appreso nel corso di Esperimentazioni di Fisica I !

Il Manager di Analisi (2)

Analysis.h

```
#ifndef ANALYSIS_H
#define ANALYSIS_H

#include "SetdatiL.h"

#include <iostream>
#include <string>

using namespace std;

class Analysis {

protected:

    SetdatiL* pDati ;
    map< double, vector<double> > mapTmedi ;

    double gvalue ;
    double deltag ;

    // ... altri eventualmente utili

//continua
```

```
public:

    // costruttori
    Analysis() {} ;
    Analysis( SetdatiL * dati) { pDati = dati ; } ;

    // distruttore
    ~Analysis() ;

    // metodi specifici
    void calcolaMedieVar() ;
    void calcola_g() ;
    double g() ;
    double errg() ;

    void stampaTmedi() ;

    void tabellepergrafici() ;
    void tabellepergrafici(string filename) ;

    double chi2() ;

} ;

#endif
```

L'implementazione del Manager di Analisi

Classe Analysis

```
#include "Analysis.h"

// distruttore
Analysis::~~Analysis() {
    // eventuali istruzioni per cancellare le mappe
}

// metodi specifici
void Analysis::calcolaMedieVar() { }
void Analysis::calcola_g()      { }

double Analysis::g()            { }
double Analysis::errg()         { }

void Analysis::stampaTmedi()    { }

void Analysis::tabellepergrafici()           { }
void Analysis::tabellepergrafici(string filename) { }

double Analysis::chi2() { }
```

Un esempio: il metodo `calcolaMedieVar()` della Classe `Analysis`

`Analysis.cc`

```
void Analysis::calcolaMedieVar() {  
  
    mapTmedi.clear() ;  
  
    // scorro il container come nell'esempio a pag. 31  
  
    // riempio la nuova mappa con i valori di L e di <T>  
    // e di <T2>  
  
    // scorro la nuova mappa e mi calcolo la varianza (?)  
  
    // aggiorno la nuova mappa che avra' come elementi  
    //   primo elemento      L  
    //   secondo elemento    un vector a tre componenti  
    //   T medio      Var T      errore sulla media  
  
}
```

Buon Natale!

