



dell'esplosione (le braccia spingono la palla)

inverti il tempo



p.es. inverti il film, ma del resto che differenza fa tra questo e una collisione?



$P = 0$   
dopo

$$\underbrace{P_1}_{mv_1} + \underbrace{P_2}_{mv_2} = P_{prima}$$

$v_2 = -v_1$



$P = 0$   
dopo

$$P_{dopo} = P_{prima} = m(v_1 - v_1) = 0$$

$$= m(v' - v')$$

guardando al problema di "inverso temporale" ci accorgiamo che, ancora una volta, la conservazione del momento non può essere la fine della storia infatti si può conservare, e

momento in entrambe le situazioni  $\textcircled{\textcircled{}} \text{ e } \leftarrow \textcircled{\textcircled{}} \rightarrow$

lo punto è chiaramente più statico, si è perso qualcosa, l'insieme delle palline si muove di meno di prima.

Questo possibile biforcazione mette in risalto un aspetto importante che si manifesta quando le palline vengono a contatto. Nell'esempio dell'esplosione "della skateboard" si è chiaramente fatto qualcosa per lanciare la palla

se nell'emissione temporale questo "qualcosa" non viene

di fatto non potremo tornare alla situazione  $\textcircled{\textcircled{}}$



passaggio basket ball!

Bisogna tenere conto del fatto che tutte le palline sono in movimento!

$$P_{\text{dopo}} = m (v' - v)$$

$$A = \sum |P| \quad A_{\text{prima}} = 2|P| \Rightarrow A_{\text{dopo}} = 2|P|$$

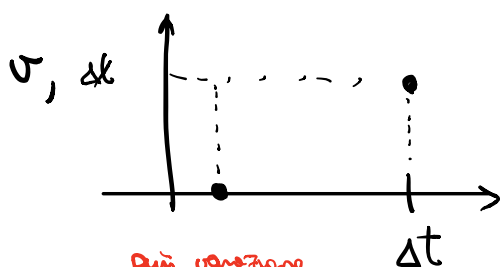
$$B = \sum |P|^2 \quad B_{\text{prima}} = 2|P|^2 \Rightarrow B_{\text{dopo}} = 2|P|^2$$

entrambe possono essere realizzate se guardiamo la configurazione in cui  $\vec{v}_1' = -\vec{v}_2'$  perché in tal caso

$$|v_1'| = |v_2'| \Rightarrow \begin{cases} |v_1| + |v_2| = \text{prima e dopo} \\ |v_1|^2 + |v_2|^2 = \text{prima e dopo} \end{cases}$$

$p_1' - p_1$  è il risultato dell'aver spinto il pallone  $\rightarrow \Delta p = m \cdot \Delta v$

a seguito dello spinto si trova a una distanza  $\Delta x$  dopo il tempo  $\Delta t$



$$\Delta v = v$$

$$\Delta x = \frac{v \cdot \Delta t}{2}$$

forza

più variano  
di velocità

$$\frac{\Delta p}{\Delta t}$$

in un cammino più lungo

$$\Delta x$$

$$= \frac{m \Delta v}{\Delta t} \frac{v \Delta t}{2} = \frac{mv^2}{2}$$

in un tempo più breve

QUESTA È LA Q.TÀ CHE FA LA DIFFERENZA TRA PRIMA E DOPO LA SPINTA

Nell'esempio di prima  $\bullet \rightarrow \bullet \rightarrow \bullet \rightarrow \dots \rightarrow$

$$K_{\text{prima}} = \frac{mv^2}{2} + 0 + 0 = K_{\text{dopo}} = 0 + 0 + \frac{mv^2}{2}$$

$\bullet \rightarrow \leftarrow \bullet \bullet$   
 $\rightarrow \leftarrow \leftarrow$   
è inevitabile che tutte e tre le palle  
si muovano dopo l'urto

$$K_{\text{prima}} = \frac{p^2}{2m} + \frac{p^2}{2m} + \frac{p^2}{2m} = \frac{3}{2} \frac{p^2}{m}$$

se uno solo pallino si muove  $K_{\text{dopo}} = \frac{1}{2} \frac{p^2}{m}$

solo se tutte e tre si muovono  $K_{\text{dopo}} = \frac{3}{2} \frac{p^2}{m}$

## RIASSUNTO

L'ENERGIA CINETICA È STATA CONSERVATA

HO APPLICATO UNA FORZA PER METTERE IN MOVIMENTO

LA PALLA



$$m = \alpha M$$

$$M \bar{v}_m = M \bar{v}' + m \bar{v}_2 =$$

$$M \bar{v}_m = M [\bar{v}' + \alpha \bar{v}_2]$$

$$\bar{v}' = \bar{v}_m - \alpha \bar{v}_2$$

$$\frac{1}{2} M v_m^2 = \frac{1}{2} M v'^2 + \frac{1}{2} m v_2^2$$

$$(v_m^2)^\beta = (v'^2)^\beta + (\alpha v_2^2)^\beta$$

$\alpha = 1$  simplifica  
tutto  $\Leftrightarrow \alpha^\beta = 1 \quad \forall \beta$   
 $\alpha = 1$

$$\beta = 1$$

$$v_m^2 = (\bar{v}_m - \alpha \bar{v}_2)^2 + \alpha \bar{v}_2^2$$

$$v_m^2 = v_m^2 - 2\alpha \bar{v}_m \bar{v}_2 + \alpha^2 \bar{v}_2^2 + \alpha \bar{v}_2^2$$

$$0 = -2\bar{v}_m \bar{v}_2 + (\alpha + 1) \bar{v}_2^2$$

$$\bar{v}_2 = \bar{v}_m \cdot \frac{2}{\alpha + 1} \quad \rightarrow \quad \alpha = \frac{1}{2} \quad v_2 = \frac{4}{3} v_m \quad v' = \frac{v_m}{3}$$

$$\rightarrow \alpha = 2 \quad V_2 = \frac{2}{3} \bar{V}_m \quad V' = \bar{V}_m \left(1 - \frac{4}{3}\right) = -\frac{1}{3} \bar{V}_m$$

$$\beta = 2$$

$$V_m^4 = (\bar{V}_m - \alpha \bar{V}_2)^4 + \alpha^2 V_2^4 =$$

$$0 = \cancel{V_m^4} - 4\alpha \bar{V}_m^2 (\bar{V}_m \bar{V}_2) - 4\alpha^3 \bar{V}_2^2 (\bar{V}_m \bar{V}_2)$$

$$+ 6\alpha^2 (V_m \cdot V_2) \bar{V}_m + \alpha^4 \bar{V}_2^4$$

$$+ \alpha^2 V_2^4$$

$$(\alpha^2 + \alpha^4) \bar{V}_2^3 + 6\alpha^2 (V_m \cdot V_2) \bar{V}_m - 4\alpha^3 \bar{V}_2^2 \bar{V}_m$$

$$- 4\alpha \bar{V}_m^2 V_m = 0$$

$$V_2 \neq \frac{4}{3} V_m$$

URTO ANELASTICO, CALORE



mimare physics collisions